技術論文

パラレルロボット HEXA の動的制御実験

内山 勝* 佐渡友 哲 也* 益 川 和 之*

Dynamic Control Experiment on a Parallel Robot HEXA

Masaru Uchiyama*, Tetsuya Sadotomo* and Kazuyuki Masukawa*

A 6-DOF parallel robot called HEXA which we have developed recently is suited for very fast motion. In this paper, we apply dynamic control to the HEXA robot to improve the accuracy of its trajectory tracking in the fast motion. First, we present a simple dynamic model for the HEXA robot to decrease the cost of computation and, then, experiment on identification of its parameters. We adopt so-called Adept motion, which is commonly used as a benchmark to measure the ability of fast motion, to evaluate the effect of the dynamic control. The results of the experiment on the dynamic control show that the control improves the trajectory tracking accuracy dramatically.

Key Words: Dynamic Control, Parallel Robot, Adept Motion, Trajectory Tracking, Very Fast Motion

1. はじめに

近年,高剛性,高速性,高負荷,高精度という特徴を備えた パラレルロボットに関心が持たれている[1][2].また,このよ うな特徴を生かしたパラレルロボットが数多く開発されてい る[3]~[6]. Pierrot らは直接駆動に適し,高速性を追求した 6 自由度パラレルロボット HEXA を提案した[7]. 我々は,この 提案をもとに 6 自由度パラレルロボット HEXA を開発した[8].

HEXA ロボットの開発時には、その高速運動能力を確かめる ために、アデプトモーションと呼ばれる高速性能を評価するた めの動作規定が用いられた.その結果、1 サイクル 0.465 [s] と いう優れた結果を得ることができ、HEXA ロボットのポテン シャルの高さを証明した [8].しかし、このとき軌道追従性に おいて、位置、速度ともに無視できないほど大きな偏差が見ら れた.

そこで、今回我々はこれを改善するため、動的制御を HEXA ロボットに適用する.運動方程式の導出には Pierrot らが提案 する HEXA ロボットの簡易動力学モデル [7] を採用する.これ により動力学計算コストが大幅に低減され、実時間制御が容易 になる.運動方程式に必要な摩擦項などの各パラメータは実験 により同定する.実験に使用した HEXA ロボットは速度指令 型のサーボモータにより駆動される.実験には、実用的な動作 であるアデプトモーションを採用する.

本論文では, 簡易動力学モデル, 動力学パラメータの同定, および動的制御実験について報告する.実験の結果, 簡易動力 学モデルを用いた動的制御により軌道追従性が大幅に向上する ことが確認される.

2. HEXA ロボット

HEXA ロボットおよび制御システムの詳細については文献[8] を参照されたい.ここでは、その概要を述べる.

2.1 HEXA ロボット

可動部を軽量化するために **Fig.1** に示すように, ダイレク トドライブモータ (DD モータ) を 2 個ずつペアとして固定部 (ベース) に 120° ごとに合計 6 個配置する. アームは DD モー



原稿受付 1995年3月27日

^{*}東北大学工学部

^{*}Faculty of Engineering, Tohoku University



Fig. 2 Control system diagram

タに取り付けられており、これにより駆動される.アームの モータと反対側の先端にはボールジョイントが取り付けられて おり、それによってロッドと接続されている.さらに、ロッド はボールジョイントによってトラベリングプレートに接続され、 トラベリングプレートは6自由度を持つ.

2.2 制御システム

まず, **Fig.2**に制御システムの概要を示す.メインコンピュー タは CPU が i 486DX2(数値演算コプロセッサ内蔵,動作クロッ ク 64[MHz])のものを用いている.メインコンピュータでは, モータの回転角からモータの制御量を計算し,速度指令 θ_c を D/A 変換器を通して,モータドライバ(速度サーボアンプ)に 送る.サーボアンプからは,さらにモータに指令が電流 *i* とし て出力される.

モータは,最大トルク 15 [Nm],定格トルク 10 [Nm],最大 回転数 2.4 [rps]の横河プレシジョン(株) 製ダイレクトドライ ブモータ DM1015B を使用している.ダイレクトドライブモー タには光学式高分解能エンコーダ(分解能:655,360 [p/rev]) が内蔵されており,これによりモータ回転角 *θ* を計測する.エ ンコーダからの出力は,一度モータドライバに入力され,モー タドライバ内で F/V 変換が施され,速度フィードバックに利 用される一方,パルス列としてモータドライバから出力される. この信号をラインレシーバで TTL レベル信号に変換し,パル スカウンタを通して,モータの回転角としてメインコンピュー タに取り込む.

また,これらとは独立してエンドエフェクタのオンオフ用に パラレル I/O ボードを用いており,1[bit]のデジタル信号を電 流 *i* に変換し,これによりエンドエフェクタ(電磁ホルダ)の オンオフを制御する.

3. 運動 学

HEXA ロボットの運動学の詳細については文献[7]~[9] を 参照されたい.ここでは、その概要を述べる.



Fig. 3 Kinematic notations and coordinate systems

3.1 記号の定義

まず,以下のように記号を定義する.**Fig.3**に示すように, アームとモータの結合点の中心を A_{ij} ,アームとロッドの結合 点の中心を B_{ij} ,ロッドとトラベリングプレートの結合点の中 心を C_{ij} とする.ただし,i = 1, 2, 3はモータペアの番号, j = 1, 2は各ペア内のモータ番号を表す.

また, Σ_b (O_b , X_b , Y_b , Z_b) をベースに固定された基準座標 系とし, O_t をトラベリングプレートの中心とする. さらに, Σ_{ai} (O_b , X_{ai} , Y_{ai} , Z_{ai}) (i = 1, 2, 3) をベースに固定され た座標系とする. ただし, $Z_{ai} = Z_b$ であり, また, X_{ai} はアー ム ij (j = 1, 2) に平行とする. θ_{ij} はモータの回転角であり, アームが水平のとき $\theta_{ij} = 0$ とし, アームがこれより下方に回 転する方向を正とする. p はエンドエフェクタ中心の位置,姿 勢を表すベクトルとする.

3.2 順運動学

順運動学を解析的に求めるためには,6元連立2次方程式を 解かねばならず,これは極めて困難である.そこで,順運動学 を解くためには HEXA ロボットのヤコビ行列を用いて逐次計 算を行う[8][9].

3.3 逆運動学

一般に、パラレルロボットの逆運動学は解析的に求めること ができる. HEXA ロボットの場合も解析的な解が得られる.た だし、速度、加速度の解は、計算を簡単にするため、得られた θ_{ij} を数値微分することにより求める.

4. 簡易動力学モデル

HEXA ロボットの簡易動力学モデルは文献[7][8] に詳しく 述べられているが、本論文において重要であるので、その概要 をやや詳細に述べる.

4.1 簡易動力学モデル

動力学計算のコストを低減させるために,多少の厳密性が損なわれるが,以下のような Pierrot らが提案した HEXA ロボットの簡易動力学モデルを使用する [7].

簡易動力学モデルはロッドが軽量なことに着目し, Fig.4 に 示すようにロッドの質量の半分をアームの先端に付加し,残り の半分の質量をトラベリングプレートのボールジョイント部に 付加する.そして,ロッド自身は質量ゼロ,慣性モーメントゼ ロの棒として取り扱う.

ロッドの質量を付加されたアーム、トラベリングプレートを それぞれ仮想アーム、仮想トラベリングプレートと呼ぶ. ロッ ドの質量を m_r 、アームの質量を m_a 、アームのモータ軸回り の慣性モーメントを J_a とすると、仮想アームの質量 m_{va} 、仮



Fig.4 Simple dynamic model of HEXA robot

想アームの慣性モーメント J_{va} は次のように定義することができる. ただし, L はアームの長さである.

$$m_{va} = m_a + 0.5m_r$$
$$J_{va} = J_a + 0.5m_r L^2$$

4.2 仮想トラベリングプレートおよび仮想アームのつりあい

 $F_{ij} \in C_{ij}$ においてトラベリングプレートよりロッドに加わる力, F_a , C_a をトラベリングプレートの中心 O_t に加わる力および,モーメントとする.ボールジョイントには摩擦の影響がないものとし,簡易動力学モデルを用いると,力はロッドの軸方向のみにかかるので,

$$\boldsymbol{F}_{ij} = \lambda_{ij} \overrightarrow{C_{ij} B_{ij}} \tag{1}$$

と表すことができる.これより, 点 O_t におけるトラベリング プレートの力のつりあいから λ_{ij} を求めることができる [7][8].

トラベリングプレートに作用する重力,慣性力,および外力 負荷によるアクチュエータトルク *µ*_{ij} は次のように求められる.

$$\mu_{ij} = (\mathbf{F}_{ij} \times \overrightarrow{A_{ij}B_{ij}}) \cdot \mathbf{Y}_{ai}$$
$$= \lambda_{ij} (\overrightarrow{C_{ij}B_{ij}} \times \overrightarrow{A_{ij}B_{ij}}) \cdot \mathbf{Y}_{ai}$$
(2)

ただし, Y_{ai} は座標軸 Y_{ai} , すなわちモータペアの回転軸方向 の単位ベクトルを表す. 各アクチュエータのトルク τ_{ij} は, ア クチュエータの摩擦トルク, 仮想アームの重力などを考慮に入 れ, 次式のように求められる.

$$\tau_{ij} = \mu_{ij} + \{A_{ij}G_{ij} \times (m_{va}\boldsymbol{g})\} \cdot \boldsymbol{Y}_{ai} + \tau_{fij} + (J_{va} + J_m)\ddot{\theta}_{ij}$$
(3)

ここで, G_{ij} は仮想アームの重心,gは重力加速度, τ_{fij} は各アクチュエータの摩擦のトルク, J_m はアクチュエータの回転軸回りの慣性モーメントとする.

4.3 運動方程式

ヤコビ行列 J_p , J_{θ} を用いると,エンドエフェクタの速度, 角速度を表すベクトル \dot{p} は, $\dot{\theta}$ より次のように求められる [8].

$$\dot{\boldsymbol{p}} = -\boldsymbol{J}_{p}^{-1}\boldsymbol{J}_{\theta}\dot{\boldsymbol{\theta}}$$
(4)

これを時間に関して微分すると,

$$\ddot{\boldsymbol{p}} = -\boldsymbol{J}_{p}^{-1} \left(\boldsymbol{J}_{\theta} \ddot{\boldsymbol{\theta}} + \dot{\boldsymbol{J}}_{p} \dot{\boldsymbol{p}} + \dot{\boldsymbol{J}}_{\theta} \dot{\boldsymbol{\theta}} \right)$$
(5)

となる.式(5)を用いて,式(3)を*θ*についてまとめると次 式を得る[10].

$$\boldsymbol{\tau} = \boldsymbol{J} \left(\boldsymbol{p} \left(\boldsymbol{\theta} \right), \ \boldsymbol{\theta} \right) \ddot{\boldsymbol{\theta}} + \boldsymbol{h} \left(\dot{\boldsymbol{p}} \left(\dot{\boldsymbol{\theta}}, \ \boldsymbol{\theta} \right), \ \boldsymbol{p} \left(\boldsymbol{\theta} \right), \ \dot{\boldsymbol{\theta}}, \ \boldsymbol{\theta} \right) \\ + \boldsymbol{g} \left(\boldsymbol{p} \left(\boldsymbol{\theta} \right), \ \boldsymbol{\theta} \right) + \boldsymbol{V} \left(\dot{\boldsymbol{\theta}} \right) + \boldsymbol{F}_{e} \left(\boldsymbol{p} \left(\boldsymbol{\theta} \right), \ \boldsymbol{\theta} \right)$$
(6)

ただし, $J(p(\theta), \theta)$ は慣性項, $h(\dot{p}(\dot{\theta}, \theta), p(\theta), \dot{\theta}, \theta)$ は 遠心力・コリオリカの項, $g(p(\theta), \theta)$ は重力項, $V(\dot{\theta})$ は摩 擦項, $F_e(p(\theta), \theta)$ はトラベリングプレートにかかる外力に よるトルクである. 各項の成分の詳細については文献[10]を参 照されたい.

5. 動力学パラメータの同定

動力学パラメータのうち,HEXA ロボットの各部品の質量, 慣性モーメントは,部品の形状および寸法から計算により求 められる.このほかの動的制御に必要なパラメータ,すなわち モータドライバゲインおよびモータの摩擦係数は実験により求 める.

5.1 モータドライバゲインの測定

モータの速度制御は P 制御モードにより行われている. モー タドライバにはジャンパピンとゲインボリュームで設定できる ドライバゲインがあり,両者の積がモータドライバゲイン K_v であり,同定実験中はその値は 11 に設定してあるが,この値 の単位は不明である. そこで,このモータドライバゲインを測 定するために次のような実験を行った.

モータドライバに一定の速度指令値を与え,モータ回転中心 より 0.26 [m] の位置(Fig.3 の点 *B*_{ij})において,これとつり あう力をばねばかりにより測定する.次に,与える速度指令値 を変化させ何点か測定した値を用い,最小二乗法によりモータ ドライバゲインと静止摩擦トルクを計算する.

各モータのモータドライバゲインの測定値を Table 1 に, モー タ1の測定結果を Fig.5 に示す. Fig.5 を見ると,測定結果に 誤差が含まれていることが分かる.他のモータについても同様 な結果が得られる.この測定実験では,モータの測定範囲がお よそ 0~13 [Nm]であり,これとは別にモータの最大静止摩擦 トルクを測定した結果,測定値の変動が約 1 [Nm] 程度もあり, それがこの実験結果に大きく影響を及ぼしていると考えられる.

しかし,前述したハード的に設定した 11 という値は, この 測定値に非常に近い値となっている.そこで,このハード的に 設定されている値 K_v の単位を [Nm/(rad/s)] として,この設 定値をモータドライバゲインとして用いることにする.

5.2 粘性摩擦係数とクーロン摩擦係数の測定

今回,摩擦のモデルとして粘性摩擦とクーロン摩擦を用いた. その測定方法は各モータに一定の速度指令値 $\dot{\theta}_{ref}$ を与え,エ ンコーダからの位置信号を微分して得られるモータの飽和速度 を求める.そして,以下のように粘性摩擦係数とクーロン摩擦 係数を計算する.まず,各モータについて次のようなつりあい の式が成り立つ.

$$K_{v}(\dot{\theta}_{ref} - \dot{\theta}_{sat}) - V\dot{\theta}_{sat} - \operatorname{sgn}(\dot{\theta}_{sat})R + \left|\overline{AG^{arm}}\right| m_{a}g\cos\theta = 0$$
(7)

日本ロボット学会誌14巻2号

Table 1	Measured	values	of	motor	driver	gains	
---------	----------	--------	----	-------	--------	-------	--

Motor	$\begin{array}{l} \text{Motor driver gain} \\ K_v [\text{Nm}/(\text{rad/s})] \end{array}$	Static friction R [Nm]
M1	11.0	0.671
M2	12.4	0.440
M3	12.0	0.0842
M4	11.5	0.923
M5	11.1	0.428
M6	11.2	0.258



Fig. 5 Results of motor driver gain identification experiment

ただし、 $\hat{\theta}_{sat}$ はモータの飽和速度、V は粘性摩擦係数、R は クーロン摩擦トルク、A はアームとモータの結合点の中心, G^{arm} は実アームの重心, m_a はアームの質量である. 次に, 飽和速度の測定を n 回行ったとすると, 粘性摩擦係数 V, クー ロン摩擦トルク R は最小二乗法により式(8)のように求めら れる. $\left[egin{array}{c} V \ R \end{array}
ight] = \left(oldsymbol{Z}^T oldsymbol{Z}
ight)^{-1} oldsymbol{Z}^T oldsymbol{\phi}$

ここで,

$$\boldsymbol{Z} = \begin{bmatrix} \dot{\theta}_{sat1} & \operatorname{sgn} \left(\dot{\theta}_{sat1} \right) \\ \dot{\theta}_{sat2} & \operatorname{sgn} \left(\dot{\theta}_{sat2} \right) \\ \vdots & \vdots \\ \dot{\theta}_{satn} & \operatorname{sgn} \left(\dot{\theta}_{satn} \right) \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{\phi} = \begin{bmatrix} K_v \left(\dot{\theta}_{ref1} - \dot{\theta}_{sat1} \right) + \left| \overrightarrow{AG^{arm}} \right| m_a g \cos \theta \\ K_v \left(\dot{\theta}_{ref2} - \dot{\theta}_{sat2} \right) + \left| \overrightarrow{AG^{arm}} \right| m_a g \cos \theta \\ \vdots \\ K_v \left(\dot{\theta}_{refn} - \dot{\theta}_{satn} \right) + \left| \overrightarrow{AG^{arm}} \right| m_a g \cos \theta \end{bmatrix}$$

である.結局,粘性摩擦係数とクーロン摩擦トルクは Table 2 のように求められる.

6. 動 的 制 御

現在、モータドライバは速度指令モードを使用しているので, 式(6)で計算されるトルクは直接モータドライバにトルク指令 値として与えることができない. そこで, これを速度指令値に 変換しなければならない. モータドライバを速度の P 制御モー ドで使用したとき、モータの出すトルクと速度および速度指令

Table	2	Friction	parameter
	_		000000000000000000000000000000000000000

Motor	Viscous V [Nm,	friction (rad/s)]	$\begin{array}{c} \text{Couloml} \\ R \end{array}$	o friction [Nm]
MOTOL	positive	negative	positive	negative
	direction	direction	direction	direction
M1	0.146	0.141	2.24	1.47
M2	0.141	0.143	1.28	0.767
M3	0.164	0.162	1.37	1.50
M4	0.157	0.146	1.74	0.893
M5	0.212	0.183	1.56	0.977
M6	0.101	0.0663	0.757	1.15

値との間には以下のような関係が成り立つ.

$$\boldsymbol{\tau} = K_v (\dot{\boldsymbol{\theta}}_{com} - \dot{\boldsymbol{\theta}}) \tag{9}$$

ただし, $\boldsymbol{\tau}$ はモータの発生トルク, $\dot{\boldsymbol{\theta}}_{com}$ は速度指令値, $\dot{\boldsymbol{\theta}}$ は モータの現在の速度を表すベクトルである.ここで、以下のよ うな速度指令を考える.

$$\dot{\boldsymbol{\theta}}_{calc} = K_v^{-1} \boldsymbol{\tau}_d + \dot{\boldsymbol{\theta}}_d \tag{10}$$

ただし、 au_d は目標軌道 $heta_d$ に対して式(6)により計算される 目標トルクである.次に、この目標トルクより計算される速度 指令値 $\dot{\boldsymbol{\theta}}_{calc}$ に PD 制御による速度指令値をたし合わせたもの をあらたに速度指令値とすると,

$$\dot{\boldsymbol{\theta}}_{com} = \dot{\boldsymbol{\theta}}_{calc} + K_p \left(\boldsymbol{\theta}_d - \boldsymbol{\theta} \right) + K_d \left(\dot{\boldsymbol{\theta}}_d - \dot{\boldsymbol{\theta}} \right)$$
(11)

となる.ただし、 θ はモータの現在角度、 K_p は比例ゲイン、 K_d は微分ゲインである.本論文の動的制御は式(11)により 行う. すなわち、式 (11) により計算される $\hat{\boldsymbol{\theta}}_{com}$ をモータド ライバの指令値として出力することにより動的制御を行う.

7. 実 験

7.1 アデプトモーション

文献 [8] では HEXA ロボットの高速性を確かめるためにア デプトモーションを用いた.このときの実験では1サイクル 0.465 [s] と優れた結果を得たが、軌道追従性において位置、速 度ともに大きな偏差が見られた、本論文では、この問題を改善 するために、動的制御を導入している.したがって、今回の実 験の軌道においても同じアデプトモーションを再び用いること にする.

ここで、アデプトモーションについて改めて説明すると、ロ ボットメーカーのアデプト社がロボットの高速運動性能の評価 法として定めた規定で、横 300 [mm], 高さ 25 [mm] という軌 道を設けてその軌道上を繰り返し往復させ、その1サイクルあ たりの所要時間を評価するものである(Fig.6参照).

実際に実験を行う場合には、上に述べた規定に添うようにト ラベリングプレートの位置,姿勢に関する軌道を生成しなけれ ばならない. 軌道生成の概略は, まず軌道を上昇, 水平移動, 下降の三つに分解し、これらをそれぞれ5次の多項式により補 間し、さらにこの軌道をコーナーで適度な丸みを帯びるように 結合させる.詳細については、文献[8]を参照されたい.

(8)



Fig.6 Adept motion

Table 3 Start and end points of Adept motion

	Start point	End point
$x [\mathrm{m}]$	-0.15	0.15
$y [\mathrm{m}]$	0.0	0.0
z [m]	-0.5686	-0.5686

アデプトモーションの軌道の始点と終点は **Table 3** のよう に与えた.ただし、姿勢角ロール、ピッチ、ヨーはいずれも 0[rad] とした.

7.2 実験方法

まず、アデプトモーションの目標軌道 p_d のサンプリングタ イムごとの各点において逆変換を行いモータ回転角の目標軌道 θ_d を生成する.そして、3.3節で述べたように、このモータ回 転角の軌道を数値微分して速度 $\dot{\boldsymbol{ heta}}_d$,加速度 $\ddot{\boldsymbol{ heta}}_d$ の軌道を求め る. さらに, 軌道上のすべての点において式(6)より目標計算 トルク τ_d をオフラインで求め、メモリ上に用意しておく、そ して,実行時には Fig.7 に示すように,目標軌道と共に τ_d を 順次与えていく.もし、オンラインで動力学を計算しようとす ると、エンコーダより得られる角度 θ から順変換によりトラベ リングプレートの位置,姿勢pを求めなければならない.そし て、この順変換に5回の逐次繰り返し計算が必要であるとする と、この計算に約 10.9×10⁻³ [s] の時間がかかり、現在用いて いるサンプリングタイムの 3×10^{-3} [s] 以内には収まらない. また,本論文の実験では, 簡易動力学モデルを用いた動的制御 の有効性を検証し、将来の実時間制御を準備することを目的と する.したがって、今回の実験では動力学計算はオフラインで 行う.

実験は、以下の4通りの場合について行う.

7.2.1 動力学を考慮した場合

まず,6章に示した方法を用いて,式(12)により動的制御 実験を行う.

$$\dot{\boldsymbol{\theta}}_{com} = K_v^{-1} \boldsymbol{\tau}_d + \dot{\boldsymbol{\theta}}_{ff} + K_p \left(\boldsymbol{\theta}_d - \boldsymbol{\theta}\right) + K_d \left(\dot{\boldsymbol{\theta}}_d - \dot{\boldsymbol{\theta}}\right)$$
(12)

ここで、サンプリングの影響による遅れを補正するために $\dot{\boldsymbol{\theta}}_d$ の代わりに $\dot{\boldsymbol{\theta}}_{ff}$ を用いた.ただし、 $\dot{\boldsymbol{\theta}}_{ff}$ はサンプリングタイム × 0.5だけ時間を進めた目標速度である.

7.2.2 PD 制御のみの場合

また,比較のために動力学を考慮しない単なる PD 制御でア デプトモーションの実験を行う.このときの速度指令は次のよ うになる.

$$\dot{\boldsymbol{\theta}}_{com} = K_p \left(\boldsymbol{\theta}_d - \boldsymbol{\theta} \right) + K_d \left(\dot{\boldsymbol{\theta}}_d - \dot{\boldsymbol{\theta}} \right)$$
(13)

7.2.3 速度のフィードフォワードを付加した場合

さらに,動的制御との比較のために PD 制御に速度のフィー ドフォワード項を付加した式(14)を用いて実験を行う.

$$\dot{\boldsymbol{\theta}}_{com} = \dot{\boldsymbol{\theta}}_{ff} + K_p \left(\boldsymbol{\theta}_d - \boldsymbol{\theta} \right) + K_d \left(\dot{\boldsymbol{\theta}}_d - \dot{\boldsymbol{\theta}} \right)$$
 (14)

以上の三つの実験において,アデプトモーションの1サイク ルあたりの所要時間は1.026[s]とした.この所要時間は,モー タのトルク飽和がなく,かつ動的制御の効果が顕著に現れるよ う選定した.

7.2.4 1サイクルの所要時間を短くした場合

比較のために,アデプトモーションの1サイクルあたりの所 要時間を 0.552 [s] として軌道を生成し,動的制御実験を行う.

以上すべての実験において、比例ゲインは $K_p = 50.0 [s^{-1}]$ 、 微分ゲインは $K_d = 0.5$ 、サンプリングタイムは 0.003 [s]、モー タドライバゲインは $K_v = 6.5 [Nm/(rad/s)]$ とした.

また,トラベリングプレートには質量 0.571 [kg] の負荷を取 り付けている.

7.3 実験結果

以下の実験ではアデプトモーションを10回繰り返し、そのうちの10サイクル目のモータ1およびモータ3の回転角度データと、それを順変換して得られる作業座標系での軌道を示す.

7.3.1 動力学を考慮した制御

実験結果を **Fig.8**, **Fig.9** に示す. Fig.8 は, モータの回転 角の目標値と測定値をグラフにしたもので, Fig.9 は, モータ 回転角を順変換して得られるトラベリングプレート中心の軌道 をグラフに示したものである.

7.3.2 PD 制御のみの場合

実験結果を **Fig. 10**, **Fig. 11** に示す. Fig. 10 は, モータ回転 角の目標値と測定値をグラフにしたもので, Fig. 11 は, モータ 回転角を順変換して得られるトラベリングプレート中心の軌道 をグラフに示したものである.

7.3.3 速度のフィードフォワードを付加した場合

実験結果を Fig. 12, Fig. 13 に示す. Fig. 12 は, モータ回転 角の目標値と測定値をグラフにしたもので, Fig. 13 は, モータ 回転角を順変換して得られるトラベリングプレート中心の軌道 をグラフに示したものである.

7.3.4 1サイクルの所要時間を短くした場合

最後に,アデプトモーションの1サイクルの所要時間を 0.552[s]と短縮した場合の実験結果を**Fig.14**, **Fig.15** に示す.

7.4 考察

PD 制御の実験結果 Fig. 10, Fig. 11 では,モータ回転角,ト ラベリングプレートの軌道の両方で,かなり大きな偏差が見ら れるが,動的制御の実験結果 Fig. 8, Fig. 9 では,軌道追従性



Fig. 7 Block diagram of dynamic control



Fig. 8 Motor angle (dynamic control)



Fig. 9 Trajectory of traveling plate (dynamic control)



Fig. 10 Motor angle (PD control)



Fig.11 Trajectory of traveling plate (PD control)



Fig. 12 Motor angle (PD control with velocity feed-forward)



Fig.13 Trajectory of traveling plate (PD control with velocity feed-forward)



Fig. 14 Motor angle (dynamic control for cycle time 0.552 [s])



Fig.15 Trajectory of traveling plate (dynamic control for cycle time 0.552[s])

が大幅に向上し,目標値との偏差がほとんど見られなくなっている.

また, Fig.12, Fig.13 から, PD 制御に速度のフィードフォ ワードを付加しただけで,動的制御ほどではないが, PD 制御 の場合よりかなり軌道追従性が向上することが分かる.

さらに, Fig.14, Fig.15 より, アデプトモーションの1サイ クルの所要時間を短くすると動的制御を用いても軌道追従性 は改善されず, 逆に軌道のコーナや始点・終点において大きな オーバーシュートが発生してしまうことが分かる.

この原因としてモータトルクの飽和が考えられる.これを明 らかにするため,各所要時間に対する計算トルクのグラフを Fig. 16, Fig. 17 に示す. Fig. 14 と Fig. 17 を比較されたい. 1 サイクルあたりの所要時間を短くすると、それに伴い計算トル クが大きくなり、モータの定格トルクをオーバーしてしまうこ とが分かる.実際の制御時には動力学モデルなどの誤差から生 じる軌道の偏差を修正するためのフィードバックによるトルク が計算トルクに付加されてモータドライバに速度指令値として 出力される.しかし,計算トルクが大きいとモータトルクはす ぐに飽和してしまうのでフィードバックによるトルクが利かな くなってしまう. これにより、アデプトモーションの軌道上での カーブや始点および終点においてかなり大きなオーバーシュー トが生じてしまうと考えられる.したがって,計算トルクが定 格トルクや最大トルク以上になるような軌道においては、動的 制御を用いても軌道追従性は改善されず、逆にオーバーシュー トという問題が発生してしまうものと考えられる.



Fig. 16 Computed torques (cycle time 1.026[s])



Fig. 17 Computed torques (cycle time 0.552 [s])

8. おわりに

高速性に優れた能力を持つ HEXA ロボットに,軌道追従性 を向上させるために動的制御を導入した.HEXA ロボットの 簡易動力学モデルを用いて,運動方程式を導出し,運動方程式 に必要な各パラメータを同定した.そして,この運動方程式を 用いて動的制御を実現し,その有用性をアデプトモーションを 用いた実験により確かめた.その結果,計算トルクがモータの 定格トルク以下であるような加速度での運動には,動的制御が 軌道追従性を大幅に改善させることが分かった.また,動的制 御を用いなくても速度のフィードフォワードを PD 制御に付加 するだけで軌道追従性は,かなり改善されることを示した.し かし,計算トルクが定格トルクや,最大トルク以上になるよう な軌道においては,動的制御を用いても軌道追従性は改善され ず,逆にオーバーシュートという問題が発生することが明らか になった.

参考文献

- [1] 特集パラレルメカニズム、日本ロボット学会誌, vol.10, no.6, pp.695-796, 1992.
- [2] Special Issue on Parallel Closed-Kinematic Chain Manipulators and Devices, J. of Robotic Systems, vol.10, no.5, pp.561-790, 1993.
- [3] 津坂祐司,福泉武史,井上博允:"パラレルマニピュレータの設計と 機構特性",日本ロボット学会誌,vol.5,no.3,pp.180-187,1987.
- [4] 舟橋宏明,堀江三喜男,久保田哲也,武田行生: "6 自由度空間パラレ ルマニプレータの開発",日本機械学会論文集(C編),vol.56, no.523, pp.829-834, 1990.
- [5] T. Arai, K. Cleary, T. Nakamura, H. Adachi and K. Homma: "Design, Analysis and Construction of a Prototype Parallel Link Manipulator," Proc. IEEE Int. Workshop on Intelligent Robots and

Systems '90, pp.205-212, 1990.

- [6] 町田和雄,戸田義継,岩田敏彰,板倉省一,小松 督: "3 自由度パ ラレル機構と宇宙スマート効果器への応用",日本ロボット学会誌, vol.12, no.1, pp.105-111, 1994.
- [7] F. Pierrot, M. Uchiyama, P. Dauchez and A. Fournier: "A New Design of a 6-DOF Parallel Robot," J. of Robotics and Mechatronics, vol.2, no.4, pp.308–315, 1990.
- [8] 内山 勝, 飯村憲一, 多羅尾進, フランソワ・ピエロ, 外山 修:"6



内山 勝 (Masaru Uchiyama)

1949年9月16日生.1972年東京大学工学部産業機 械工学科卒業,1977年同大学院博士課程修了.工 学博士.同年東北大学工学部精密工学科助手,1980 年同助教授,1992年同学部機械航空工学科教授. ロボット工学の研究に従事.日本航空宇宙学会北 部支部幹事. (日本ロボット学会正会員)



益川和之 (Kazuyuki Masukawa)

1970年7月4日生.1992年東北大学工学部精密工 学科退学(飛び級).1994年同大学大学院修士課程 (工学研究科精密工学専攻)修了.同年(株)東芝 入社.現在,生産技術研究所勤務. 自由度高速パラレルロボット HEXA の開発",日本ロボット学会誌,vol.12, no.3, pp.117-124,1994.

- [9]内山 勝,飯村憲一,多羅尾進:"パラレルロボット HEXA の運動学", 計測自動制御学会東北支部第 130 回研究会資料,資料番号 130-10, 1991.
- [10] 益川和之,内山 勝: "パラレルロボット HEXA の動的制御",第11
 回日本ロボット学会学術講演会予稿集,pp.859-872,1993.



佐渡友哲也(Tetsuya Sadotomo)

 1970年2月20日生、1993年東北大学工学部精密

 工学科卒業、1995年同大学大学院修士課程(工学研究科精密工学専攻)修了、同年(株)東芝入

 社、

 (日本ロボット学会学生会員)